МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

‌Министерство образования Приморского края‌‌

‌Артемовский городской округ‌​

МБОУ "Гимназия № 1"

|  |
| --- |
| Утверждено приказом директора  МБОУ Гимназия №1 им. В.А.Сайбеля  № 83/2-А от 30 августа 2024 г. |

‌

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА**

(ID 411604)

**учебного предмета «Алгебра и начала математического анализа. Базовый уровень»**

для обучающихся 10 кл

​**Артем‌** **2024‌**​

**ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» базового уровня для обучающихся 10 –11 классов разработана на основе Федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования, с учётом современных мировых требований, предъявляемых к математическому образованию, и традиций российского образования. Реализация программы обеспечивает овладение ключевыми компетенциями, составляющими основу для саморазвития и непрерывного образования, целостность общекультурного, личностного и познавательного развития личности обучающихся.

**МЕСТО УЧЕБНОГО КУРСА В УЧЕБНОМ ПЛАНЕ**

В учебном плане на изучение курса алгебры и начал математического анализа на базовом уровне отводится 2 часа в неделю в 10 классе и 3 часа в неделю в 11 классе, всего за два года обучения – 170 часов.

**СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО КУРСА**

**10 КЛАСС**

**Числа и вычисления**

Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби. Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений. Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни.

Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа. Арифметические операции с действительными числами. Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений.

Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Арифметический корень натуральной степени. Действия с арифметическими корнями натуральной степени.

Синус, косинус и тангенс числового аргумента. Арксинус, арккосинус, арктангенс числового аргумента.

**Уравнения и неравенства**

Тождества и тождественные преобразования.

Преобразование тригонометрических выражений. Основные тригонометрические формулы.

Уравнение, корень уравнения*.* Неравенство, решение неравенства. Метод интервалов.

Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств.

Решение иррациональных уравнений и неравенств.

Решение тригонометрических уравнений.

Применение уравнений и неравенств к решению математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

**Функции и графики**

Функция, способы задания функции. График функции. Взаимно обратные функции.

Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства. Чётные и нечётные функции.

Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график. Свойства и график корня *n*-ой степени.

Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента.

**Начала математического анализа**

Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности.

Арифметическая и геометрическая прогрессии. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии. Формула сложных процентов. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера.

**Множества и логика**

Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера―Венна. Применение теоретико-множественного аппарата для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Определение, теорема, следствие, доказательство.

**ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного предмета «Математика» должно обеспечивать достижение на уровне среднего общего образования следующих личностных, метапредметных и предметных образовательных результатов:

**ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Личностные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются:

Гражданское воспитание:

сформированностью гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.), умением взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением.

Патриотическое воспитание:

сформированностью российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики.

Духовно-нравственного воспитания:

осознанием духовных ценностей российского народа; сформированностью нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного; осознанием личного вклада в построение устойчивого будущего.

Эстетическое воспитание:

эстетическим отношением к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений; восприимчивостью к математическим аспектам различных видов искусства.

Физическое воспитание:

сформированностью умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственного отношения к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); физического совершенствования, при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью.

Трудовое воспитание:

готовностью к труду, осознанием ценности трудолюбия; интересом к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умением совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы; готовностью и способностью к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни; готовностью к активному участию в решении практических задач математической направленности.

Экологическое воспитание:

сформированностью экологической культуры, пониманием влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознанием глобального характера экологических проблем; ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды.

Ценности научного познания:

сформированностью мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; готовностью осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

**МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Метапредметные результаты освоения программы учебного предмета «Математика» характеризуются овладением универсальными ***познавательными*** *действиями, универсальными коммуникативными действиями, универсальными регулятивными действиями.*

1) *Универсальные* ***познавательные*** *действия, обеспечивают формирование базовых когнитивных процессов обучающихся (освоение методов познания окружающего мира; применение логических, исследовательских операций, умений работать с информацией)*.

Базовые логические действия:

* выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями; формулировать определения понятий; устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;
* воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие; условные;
* выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях; предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;
* делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;
* проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; обосновывать собственные суждения и выводы;
* выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

* использовать вопросы как исследовательский инструмент познания; формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;
* проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;
* самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;
* прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

* выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;
* выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;
* структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;
* оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

2) *Универсальные* ***коммуникативные*** *действия, обеспечивают сформированность социальных навыков обучающихся.*

Общение:

* воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения; ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;
* в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения; сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций; в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;
* представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта; самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Сотрудничество:

* понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач; принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы; обобщать мнения нескольких людей;
* участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнений, «мозговые штурмы» и иные); выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды; оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

3) *Универсальные* ***регулятивные*** *действия, обеспечивают формирование смысловых установок и жизненных навыков личности*.

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль:

* владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов; владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;
* предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;
* оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

**ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

Освоение учебного курса «Алгебра и начала математического анализа» на уровне среднего общего образования должно обеспечивать достижение следующих предметных образовательных результатов:

**10 КЛАСС**

**Числа и вычисления**

Оперировать понятиями: рациональное и действительное число, обыкновенная и десятичная дробь, проценты.

Выполнять арифметические операции с рациональными и действительными числами.

Выполнять приближённые вычисления, используя правила округления, делать прикидку и оценку результата вычислений.

Оперировать понятиями: степень с целым показателем; стандартная форма записи действительного числа, корень натуральной степени; использовать подходящую форму записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных.

Оперировать понятиями: синус, косинус и тангенс произвольного угла; использовать запись произвольного угла через обратные тригонометрические функции.

**Уравнения и неравенства**

Оперировать понятиями: тождество, уравнение, неравенство; целое, рациональное, иррациональное уравнение, неравенство; тригонометрическое уравнение;

Выполнять преобразования тригонометрических выражений и решать тригонометрические уравнения.

Выполнять преобразования целых, рациональных и иррациональных выражений и решать основные типы целых, рациональных и иррациональных уравнений и неравенств.

Применять уравнения и неравенства для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни.

Моделировать реальные ситуации на языке алгебры, составлять выражения, уравнения, неравенства по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры.

**Функции и графики**

Оперировать понятиями: функция, способы задания функции, область определения и множество значений функции, график функции, взаимно обратные функции.

Оперировать понятиями: чётность и нечётность функции, нули функции, промежутки знакопостоянства.

Использовать графики функций для решения уравнений.

Строить и читать графики линейной функции, квадратичной функции, степенной функции с целым показателем.

Использовать графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами.

**Начала математического анализа**

Оперировать понятиями: последовательность, арифметическая и геометрическая прогрессии.

Оперировать понятиями: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия, сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии.

Задавать последовательности различными способами.

Использовать свойства последовательностей и прогрессий для решения реальных задач прикладного характера.

**Множества и логика**

Оперировать понятиями: множество, операции над множествами.

Использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений, при решении задач из других учебных предметов.

Оперировать понятиями: определение, теорема, следствие, доказательство.

математического анализа.

**ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**10 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Наименование разделов и тем программы** | **Количество часов** | | | **Электронные (цифровые) образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства | 13 | 1 | 0 | <https://www.yaklass.ru/p/algebra#program-10-klass> |
| 2 | Функции и графики. Степень с целым показателем | 6 | 0 | 0 | <https://www.yaklass.ru/p/algebra#program-10-klass> |
| 3 | Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства | 15 | 1 | 0 | <https://www.yaklass.ru/p/algebra#program-10-klass> |
| 4 | Формулы тригонометрии.Тригонометрические уравнения | 22 | 2 | 0 | <https://www.yaklass.ru/p/algebra#program-10-klass> |
| 5 | Последовательности и прогрессии | 5 | 0 | 0 | <https://www.yaklass.ru/p/algebra#program-10-klass> |
| 6 | Повторение, обобщение, систематизация знаний | 7 | 1 | 0 | <https://ege.fipi.ru/bank/index.php?proj=E040A72A1A3DABA14C90C97E0B6EE7DC> |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 68 | 5 | 0 |  |

**ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ**

**10 КЛАСС**

|  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| **№ п/п** | **Тема урока** | **Количество часов** | | | **Дата изучения** | **Электронные цифровые образовательные ресурсы** |
| **Всего** | **Контрольные работы** | **Практические работы** |
| 1 | Множество, операции над множествами. Диаграммы Эйлера―Венна | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 2 | Рациональные числа. Обыкновенные и десятичные дроби, проценты, бесконечные периодические дроби | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 3 | Арифметические операции с рациональными числами, преобразования числовых выражений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 4 | Применение дробей и процентов для решения прикладных задач из различных отраслей знаний и реальной жизни | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 5 | Действительные числа. Рациональные и иррациональные числа | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 6 | Арифметические операции с действительными числами | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 7 | Приближённые вычисления, правила округления, прикидка и оценка результата вычислений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 8 | Тождества и тождественные преобразования | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 9 | Уравнение, корень уравнения | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 10 | Неравенство, решение неравенства | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 11 | Метод интервалов | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 12 | Решение целых и дробно-рациональных уравнений и неравенств | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 13 | Контрольная работа по теме "Множества рациональных и действительных чисел. Рациональные уравнения и неравенства" | 1 | 1 | 0 |  |  |
| 14 | Функция, способы задания функции. Взаимно обратные функции. | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 15 | График функции. Область определения и множество значений функции. Нули функции. Промежутки знакопостоянства | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 16 | Чётные и нечётные функции | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 17 | Степень с целым показателем. Стандартная форма записи действительного числа. Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 18 | Использование подходящей формы записи действительных чисел для решения практических задач и представления данных | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 19 | Степенная функция с натуральным и целым показателем. Её свойства и график | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 20 | Арифметический корень натуральной степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 21 | Арифметический корень натуральной степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 22 | Свойства арифметического корня натуральной степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 23 | Свойства арифметического корня натуральной степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 24 | Действия с арифметическими корнями n–ой степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 25 | Действия с арифметическими корнями n–ой степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 26 | Действия с арифметическими корнями n–ой степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 27 | Решение иррациональных уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 28 | Решение иррациональных уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 29 | Решение иррациональных уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 30 | Решение иррациональных неравенств | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 31 | Решение иррациональных неравенств | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 32 | Свойства и график корня n-ой степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 33 | Свойства и график корня n-ой степени | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 34 | Контрольная работа по теме "Арифметический корень n–ой степени. Иррациональные уравнения и неравенства" | 1 | 1 | 0 |  |  |
| 35 | Синус, косинус и тангенс числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 36 | Синус, косинус и тангенс числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 37 | Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 38 | Арксинус, арккосинус и арктангенс числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 39 | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 40 | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 41 | Тригонометрическая окружность, определение тригонометрических функций числового аргумента | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 42 | Основные тригонометрические формулы | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 43 | Основные тригонометрические формулы | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 44 | Основные тригонометрические формулы | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 45 | Основные тригонометрические формулы | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 46 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 47 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 48 | Преобразование тригонометрических выражений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 49 | Контрольная работа "Формулы тригонометрии" | 1 | 1 | 0 |  |  |
| 50 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 51 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 52 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 53 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 54 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 55 | Решение тригонометрических уравнений | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 56 | Контрольная работа по теме " Тригонометрические уравнения" | 1 | 1 | 0 |  |  |
| 57 | Последовательности, способы задания последовательностей. Монотонные последовательности | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 58 | Арифметическая и геометрическая прогрессии. Использование прогрессии для решения реальных задач прикладного характера | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 59 | Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Сумма бесконечно убывающей геометрической прогрессии | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 60 | Формула сложных процентов | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 61 | Формула сложных процентов | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 62 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 63 | Итоговая контрольная работа | 1 | 1 | 0 |  |  |
| 64 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 65 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 66 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 67 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| 68 | Обобщение, систематизация знаний за курс алгебры и начал математического анализа 10 класса | 1 | 0 | 0 |  |  |
| ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ | | 68 | 5 | 0 |  | |

**УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА**

**ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА**

​‌• Математика: алгебра и начала математического анализа, геометрия. Алгебра и начала математического анализа, 10-11 классы/ Алимов Ш.А., Колягин Ю.М., Ткачева М.В. и другие, Акционерное общество «Издательство «Просвещение»‌​

​‌‌

​

**МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ**

​‌Алгебра и начала математического анализа. Методические рекомендации. 10-11 классы: учеб. пособие для общеобразоват. организаций / Н. Е. Фёдорова, М. В. Ткачёва. - 3-е изд., перераб. - М. : Просвещение, 2017‌​

**ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ**

​​‌‌​